

II. MEMORIA

SOBRE O CALCULO DA LATITUDE.

POR

JOSE MARIA DANTAS PEREIRA:

AIROMIMI

Je me suis laissé entraîner au penchant auquel les Géomètres ont ordinairement bien de la peine à résister... je veux parler du désir de résoudre les problèmes par une route, ou entièrement neuve, ou du moins dans laquelle ils fassent usage de moins d'artifices.

Clairaut.

II. MEMORIA

SOBRE O CALCULO DA LATITUDE

Lida na Sessão particular de 28 de Outubro de 1795.

No fim das Ephemerides de 1796, além de fazer a historia, se pôde dizer, do metodo de Douwes em particular, e em geral do das alturas, reduzi o primeiro a forma logarithmica, e adicionei-lhe as reflexões precisas para a indagaçao das circunstancias mais ou menos favoraveis à determinação da Latitude pelo dito metodo; dando formulas simplificissimas, cujo calculo devia certificar-nos da exactação provável do seu resultado; agora passarei a publicar varias maneiras de calcular a Latitude quando se observão mais de duas alturas: porém, antes de tratar esta questão, farei sobre o P. S. da precedente a seguinte observação tendente a manifestar melhor hum dos nossos pareres, que julgamos ter enunciado alli sem toda a clarezza conveniente.

Sendo evidente, que a duas alturas, hum intervallo, e huma distância polar, do mesmo Astro, só pôde conuir huma Latitude, e que consequentemente só o erro cometido nestes elementos deve depender o da referida Latitude; sendo também evidente, que tanto se possível eram em hum, como em alguns, ou em todos os ditos elementos, e que não poderemos afirmar, nem a grandeza, nem o signo dos erros cometidos, por serem erros de suposição, aos quais atendemos pela possibilidade de ter incorrido neles: segue-se, que para decidir com toda a segurança se as circunstancias são, ou não são favoraveis à observação no metodo de Douwes, deveremos principiar calculando cada huma das ultimas formulas dos numeros IX, XI, XIII, e XIV, e se em alguma delas hum erro estimado e provável produzir grandes consequencias, será licito desconfiar da observação, quando outras circun-

tancias nos não obriguem ao contrario (1): depois passaremos a sommar os erros dous a dous, já com o mesmo, ja com diferente signal; immediatamente faremos da mesma sorte as sommas dos resultados tres a tres, e em ultimo lugar a de todos quatro, com igual cuidado na alternada mudança dos signaes; quando alguma das sommas mencionadas for consideravel, deverá desconfiar-se da Latitude calculada, mas não o sendo, com toda a probabilidade de certeza, poderemos julgar exacta e conveniente a observação que tivermos feito, a qual, a pezar de todas as cautelas enunciadas, deve sempre olhar-se como hum, posto que não mão, recurso para quando não podemos observar alturas meridianas, do Sol, dos Planetas superiores, das Estrelas principaes, ou da Lua (2). Passemos ao nosso objecto.

PARTE I.

Aplicação das projeções Orthograficas à determinação da Latitude.

PROPOSIÇÃO

Dados, a distancia polar de hum Astro, e tres das suas diversas alturas com os tempos que medeão entre elles, achar a Latitude; supondo a distancia polar constante, e as observações feitas no mesmo lugar do Globo.

SOLUÇÃO.

Imaginem-se tirados os Senos das tres alturas, ás quæs chamaremos respectivamente a , a' , a'' , principiando pela menor; supponhaõ-se os extremos superiores destes Senos unidos com rectas, que seraõ cordas dos arcos do parallello do Astro correspondentes aos do Equador,

(1) Segundo este caminho, tiraremos tambem a vantagem de conhecer, qual dos erros nos elementos tem maior influencia no resultado.

(2) No fim desta Memoria exporemos mais algumas advertencias, relativas ao calculo de Douwes, que devem acompanhar a minha I. Memoria sobre aquelle cálculo.

SOBRE O CALCULO DA LATITUDE.

5

dor, que respectivamente denotem os intervallos dados; logo dando a estes as denominações i , i' i'' , as ditas cordas deverão ser representadas por $2 \operatorname{Sen.} \frac{i}{2} \operatorname{Sen.} d$, $2 \operatorname{Sen.} \frac{i'}{2} \operatorname{Sen.} d$, $2 \operatorname{Sen.} \frac{i''}{2} \operatorname{Sen.} d = 2 \operatorname{Sen.} (\frac{i+i'}{2}) \operatorname{Sen.} d$,

fendo d a distancia polar: seja mais pelo extremo superior do menor Seno conduzido hum plano parallelo ao horizonte, cujas intersecções com os mesmos Senos unidas com linhas rectas, formarão hum triangulo perfeitamente igual á projecção orthografica do triangulo das cordas no plano horizontal: os lados deste novo triangulo seraõ evidentemente dados pelas expressões seguintes:

$$\sqrt{4 \operatorname{Sen.}^2 \frac{i}{2} \operatorname{Sen.}^2 d - (\operatorname{Sen.} a' - \operatorname{Sen.} a)^2}$$

$$\sqrt{4 \operatorname{Sen.}^2 \frac{i'}{2} \operatorname{Sen.}^2 d - (\operatorname{Sen.} a'' - \operatorname{Sen.} a')^2}$$

$$\sqrt{4 \operatorname{Sen.}^2 \frac{i''}{2} \operatorname{Sen.}^2 d - (\operatorname{Sen.} a'' - \operatorname{Sen.} a)^2}$$

logo seraõ conhecidos os lados de cada hum dos dous triangulos, e por consequencia as suas áreas, que calcularemos ou pelo methodo ordinario, ou por outro menos longo, que brevemente indicaremos: ora, pela theoria das projeções orthograficas, as ditas áreas devem estar entre si na razão do raio para o Coseno do angulo formado pelos planos onde existem, o angulo dos parallellos com o horizonte he o complemento da latitude, logo representando esta por l , e as duas superficies triangulares por t e t' teremos $t : t' :: 1 : \operatorname{Sen.} l = \frac{t'}{t}$.

C. S. Q. F. e D.

No-

NOTAS.

I. A superfície t deve ser igual a

$$\begin{aligned} \text{Sen.}^2 d \times \sqrt{[(\text{Sen.} \frac{1}{2} i + \text{Sen.} \frac{1}{2} i' + \text{Sen.} \frac{1}{2} i'')] \\ (\text{Sen.} \frac{1}{2} i + \text{Sen.} \frac{1}{2} i' - \text{Sen.} \frac{1}{2} i'') \\ (\text{Sen.} \frac{1}{2} i - \text{Sen.} \frac{1}{2} i' + \text{Sen.} \frac{1}{2} i'') \\ (-\text{Sen.} \frac{1}{2} i + \text{Sen.} \frac{1}{2} i' + \text{Sen.} \frac{1}{2} i'')] = \\ 4 \text{Sen.}^2 d \times \sqrt{[(\text{Sen.} \frac{1}{2} i \text{Cos.} \frac{1}{2} i' + \text{Sen.} \frac{1}{2} i' \text{Cos.} \frac{1}{2} i) \\ (\text{Sen.} \frac{1}{2} i \text{Sen.} \frac{1}{2} i' + \text{Sen.} \frac{1}{2} i' \text{Sen.} \frac{1}{2} i) \\ (\text{Sen.} \frac{1}{2} i' \text{Cos.} \frac{1}{2} i' - \text{Sen.} \frac{1}{2} i' \text{Sen.} \frac{1}{2} i) \\ (\text{Sen.} \frac{1}{2} i' \text{Cos.} \frac{1}{2} i - \text{Sen.} \frac{1}{2} i \text{Sen.} \frac{1}{2} i)] = \\ 2 \text{Sen.}^2 d \times \text{Sen.} \frac{1}{2} i \times \text{Sen.} \frac{1}{2} i' \times \text{Sen.} \frac{1}{2} (i + i'):} \end{aligned}$$

Expressão fácil de calcular por logarithmos, da qual se deduz também o seguinte método de achar a superfície de qualquer triângulo.

„ Seja i o raio do círculo circunscrito ao triângulo, dado, a b e os seus três lados, será a sua superfície

$$\text{igual a } \frac{ab}{4}.$$

II. Teremos pois $t = \frac{1}{4}$ do produto dos três radicais assim expostos, donde se vê, que t teve algum tanto menos fácil de calcular, especialmente quando não se usou dos Senos naturaes, e por isso devo dar este método, como huma applicação das projeções orthográficas à determinação de latitude, ou hum novo meio de a calcular, sem pretender atribuir-lhe preferencia sobre os actnaes: nesta avaliação concorre também a sua dependência da distância polar, e supõrem-se constantes tanto a distância polar, como o lugar da observação,

hy-

SOBRE O CÁLCULO DA LATITUDE.

hypotheses que sempre exigem a preparação de reduzir as alturas observadas aquellas que hajam de as fazer.

III. A maior parte dos autores apontados na minha memória sobre o cálculo das duas alturas, contém igualmente métodos para achar a latitude por meio de mais alturas; e nos opúsculos mathemáticos de M. d'Alembert, Tomo IV. pag. 357, se acharão fórmulas próprias para descobri-las, quando houver possivel usar seguramente do que supõem as distâncias ao Zenith proporcionaes aos quadrados dos seus respectivos angulos horários, meio há muito tempo empregado por Ms. Halley, la-Caille, Bouguer, Bordá, e o P. Pézerás: nós porém, julgando mais geral e superior o que passaram a publicar, não trataremos dos outros, por não causar demoras inuteis.

PARTE II.

Aplicação dos dous métodos combinados; a saber, o de interpolar de Mayr, e o dos máximos e mínimos, à determinação da latitude.

PROPOSICAO.

Dadas mais de duas alturas de hum mesmo Astro com os intervallos de tempo decorridos entre as observações, achar a altura meridiana do mesmo Astro, e a hora que lhe corresponde no relógio.

SOLUÇÃO.

Reputem-se as diferenças entre cada huma das alturas, e a primeira, ordenadas sucessivas de huma curva, cujas abscissas feijão os intervallos das mesmas alturas, contados desde a primeira, e cuja equação se represente por $y = Ax + Bx^2 + Cx^3 + Dx^4 + \&c.$, na hypótese de ser y qualquer ordenada da mesma curva x a sua abscissa correspondente, $A B C D$ &c. quantidades indeterminadas, cujo valor se deve obter do modo ordinario, fazendo sempre o segundo membro da equação composto de tantos termos, quantas forem as alturas menores huma.

Co-

Como a altura meridiana he a maxima, determinadas as quantidades A B C D, &c., iremos achar quando $Ax + Bx^2 + Cx^3 + \dots$ he hum maximum, e assim conhiceremos $x =$ angulo horario correspondente á primeira observaçao: depois entrando com o valor de x na equaçao proposta, teremos y , ou a altura meridiana, e consequentemente a latitude.

OBSERVACOES.

I. Este methodo deve ser tanto mais exacto,
1.º Quanto maior for o numero das alturas observadas.

2.º Quanto mais proximas forem entre si, e ao meridiano.

3.º Quanto menos, mais uniformemente, e pelo mesmo rumo, tiver andado o navio no tempo das observações.

II. Tem este methodo as vantagens,

1.º De determinar as alturas meridianas com huma precisao semelhante aquella com que se determinaõ muitos, e delicados phenomenos celestes, em cujo calculo tambem se empregao as formulas de Mayer.

2.º De nao depender da declinaçao, nem a suppôr constante.

3.º De dar com toda a facilidade o instante preciso do meio dia, e assim mostrar tambem a longitude para o mesmo instante, quando o relogio he de longitude, ou a Lua o astro observado; o que visivelmente se segue; no 1.º caso, achando a diferença entre a hora do relogio, e o tempo exacto da passagem do Astro pelo Meridiano do navio: e no 2.º, achando a diferença entre os tempos das passagens pelos dous Meridianos, de Lisboa, e do navio, e operando depois pelo modo ordinario.

4.º De podermos conhecer o numero das alturas que deveremos observar, para obter hum resultado digno de fé, seguindo caminhos em tudo analogos aos da M. d'Alembert na referida memoria: nós de boa vontade poupariamos aos nossos leitores este trabalho, se outros objectos, talvez maiores, nos permittissem alguma diversão: por tanto daremos fini, aclarando o metho-

thodo com os seguintes exemplos tirados de l' *Astronomie des Marins*.

CALCULO PRATICO

Para quando se empregao tres alturas.

Suppôr que bastem tres alturas, he suppôr as suas diferenças proporcionaes aos quadrados de quantidades, cuja fluxaçao seja uniforme; a equaçao fundamental reduz-se neste caso a

$$y = Ax + Bx^2$$

onde, supondo a' , e b' , as diferenças entre a primeira altura, e a segunda, e terceira; e representando por a , e b , os seus intervallos respectivos: teremos a diferença entre a hora da primeira altura, e a da passagem do Astro pelo meridiano,

$$x = \frac{1}{2} \times \frac{a^2 b' - a' b^2}{a b' - a' b}$$

e a altura meridiana

$$y = \frac{(a^2 b' - a' b^2)^2}{4 a b (a - b) (a b' - a' b)} = \frac{(a^2 b' - a' b^2) x}{2 a b (a - b)}$$

estas formulas, por meio da substituiçao facil dos valores de a a' b b' , daraõ quanto se pertende saber.

Sendo $b = 2a$, teremos

$$x = \frac{a}{2} \times \frac{4 a' - b'}{2 a' - b'}, \text{ e } y = \frac{(a' - b') x}{4 a}$$

formulas para quando os intervallos saõ iguaes, e que fazendo $a = 1$ se reduzem ás seguintes mais faccias de cacular:

$$x = \frac{1}{2} \times \frac{4 a' - b'}{2 a' - b'}, \quad y = \frac{x}{4} (4 a' - b')$$

EXEMPLO I.

Supondo os intervallos iguais.

Alturas do ☽.	Diferenças.	Horas do relogio.	Intervallos.
27° 40'	19' = a'	11 ^h 39'	28' = a
27 59	— 18' = b'	12 7	
27 12		12 35	

$$x = 14 \times \frac{104}{66} = \frac{7 \times 104}{33} = \frac{728'}{33} = 22'$$

$$y = \frac{728}{33} \times \frac{104}{112} = \frac{26^2}{33} = \frac{676}{33} = 20,5$$

logo ao meio dia apontava o relogio 12^h 1', e a altura meridiana era 28° 0', 5.

EXEMPLO II.

Para quando os intervallos são desiguais.

Alturas do ☽.	Diferenças.	Horas do relogio.	Intervallos.
41° 29'		10 ^h 47'	
42 12	43' = a'	11 10	23 = a
42 40	71' = b'	11 38	51 = b

$$x = \frac{1}{2} \left(\frac{71 \cdot 23^2}{71 \cdot 23} - \frac{43 \cdot 51^2}{43 \cdot 51} \right)$$

$$23 \times 71 = 1633, \times 23 = 37559$$

$$43 \times 51 = 2193, \times 51 = 111843$$

$$a'b' - a'b = -560 \quad - 74284 = a^2b' - a'b^2$$

lo.

SOBRE O CALCULO DA LATITUDE. 41

logo

$$x = \frac{1}{2} \times \frac{74284}{500} = \frac{18571}{280} = 66, \frac{3}{4}$$

$$y = \frac{18571}{280} \times \frac{74284}{2.13.51.28} = \frac{18571}{280.14.23.51} = 75'$$

logo ao meio dia marcava o relogio 11^h 53', 3, e o Sol tinha de altura 42° 44'.

CALCULO

Para quatro alturas.

Poucas vezes se precisará passar de quatro alturas, fendo elas observadas no tempo conveniente; por isto finalizaremos, dando as formulas proprias deste caso.

A sua equação particular he $y = Ax + Bx^2 + Cx^3$; chamando pois a e b os intervallos, a' e b' as diferenças das alturas, teremos

$$C = \frac{a'b'c(c-a) + a'b'c(b-c) + a'b'c(a-b)}{ab(b-a)(a-c)(b-c)}$$

$$B = \frac{a'b' - a'b}{ab(b-a)} - C(a+b)$$

$$A = \frac{a'}{a} - C a^2 - B a$$

$$x = \frac{-B + \sqrt{B^2 - 3AC}}{3C}$$

$$y = Ax + Bx^2 + Cx^3$$

finalmente, supondo igualdade nos intervallos, e fazendo $a = 1$, virá

b ii

c

$$C = \frac{1}{2} a' - \frac{1}{2} b' + \frac{1}{2} c'$$

$$B = \frac{1}{2} b' - \frac{1}{2} a' - \frac{1}{2} c'$$

$$A = \frac{1}{2} a' - \frac{1}{2} b' + \frac{1}{2} c' = \frac{1}{2} C + \frac{1}{2} a'$$

reita pois unicamente substituir nas formulas os valores proprios das quantidades involvidas nelas , para obter hum resultado , que nos dê com preciaõ os dous elementos essenciais de calculo da derrora ; quero dizer , a latitude , e a hora ; e se esta for combinada com a que hum relogio de longitude , ou com a da passagem da Lua pelo 1.^o meridiano , teremos entao hora , latitude , e longitude para o mesmo instante , problema talvez resolvido pela primeira vez.

A D V I C G A 6.

Julgo naõ ser fôra de propósito indicar agora huma noita mineira de interpolar , que em alguns casos he superior á de Mayer , pela maior simplicidade do seu calculo , e pela menor distancia da quantidade incognita á origem das coordenadas : por isto continuarei ainda , a fim de por os meus leitores em estado de empregarem aquella que tiverem por melhor.

A ideia fundamental das interpolações he a mesma , toda a diferença consiste na diversa origem das coordenadas , que eu transporto á observação media quando o numero deitias he impar , e a huma das duas medias quando he par ; claramente se conhece , que nesse sistema deverão tomar-se por ordenadas as diferenças da altura media a cada huma das outras , dando a estas diferenças ora o signo positivo , ora o negativo , conforme as ditas alturas forem maiores , ou menores do que a media.

Supponhaõ-se tres alturas ; represente-se a pŕimeira abſcisa por a , e por a' a sua ordenada correspondente ; sejaõ mais b , e b' as ordenadas relativas á terceira observação , teremos

$$x = \frac{1}{2} \times \frac{a'^2 b^2 - a^2 b'^2}{a'b + ab'} , y = \frac{x}{2} \times \frac{a^2 b' - a'b^2}{ab(a+b)}$$

que na hypothese de ser $a=b$, se reduzem a

$$x = \frac{1}{2} a \times \frac{a'-b'}{a'+b'} , y = -\frac{x}{4} \times \frac{a'-b'}{a}$$

aplicando estas formulas aos dous exemplos precedentes , teremos

No 1.^o Exemplo

$$a' = -43 , b' = -47 , a = 28^{\circ}, \text{ logo}$$

$$x = 14 \times \frac{28}{66} = \frac{-14}{33} = -6'$$

$$y = \frac{6}{4} \times \frac{28}{28} = \frac{3}{2} = 1', 5$$

fâhe pois o meio dia no relogio $11^{\circ} 51'$, e $28^{\circ} 0' , 5$ a altura meridiana.

No 2.^o Exemplo.

$$a' = -43 , b' = 28 , a = 23 , b = 28$$

logo

$$x = \frac{1}{2} \left(\frac{-43, 28^2 - 28, 23^2}{-43, 28 + 28, 23} \right) = \frac{43, 28 + 23}{40} = 43, 3$$

$$y = \frac{1733}{40} \times \frac{-43, 28^2 + 28, 23^2}{2, 23, 28, 51} = \frac{1733}{80, 23, 51} = 32'$$

onde se fira ; altura meridiana = $42^{\circ} 44'$, hora correspondente no relogio = $11^{\circ} 53', 5$.

Quando as observações forem quatro, tome-se a segunda por media, representem-se por a' , b' , c' , as diferenças entre ella, e a primeira, terceira, e quarta; e por a , b , c , os seus intervallos respectivos; teremos

$$C = \frac{a' b' c' (a + b) - a' b' c (a + c) + a' b c (b - c)}{a' b c (a + b) (a + c) (c - b)}$$

$$B = \frac{a' b' + a' b}{a b (a + b)} + C (a - b)$$

$$A = B a - C a^2 - \frac{a'}{a}$$

$$x = \frac{-B + \sqrt{B^2 - 3AC}}{3C}$$

$$y = Ax + Bx^2 + Cx^3$$

substituindo nestas formulas os valores das quantidades que as compõem, conheceremos quanto se pede: he facil notar a sua semelhança com as primeiras, em quanto a expressão geral algébrica de ambas, mas com igual facilidade se percebe, que quasi sempre, os numeros precisos para o calculo destas ultimas serão menores, do que os necessários para o das primeiras; e he quanto basta para terem huma razão de preferencia, não faltando na maior proximidade da origem, como affirma deixei anunciado (¹): por ultima razão contemple-se, que a simples hypothese dos intervallos iguaes, e de ser $a = 1$, reduz as formulas às seguintes

$$C = \frac{c' - a' - b'}{6} - \frac{b'}{2}$$

$$B = \frac{a' + b'}{2}$$

$$A = b' - \frac{a'}{3} - \frac{c'}{6} = B - C - a'$$

(1) He evidente que esta maneira de interpolar pôde ter igual applicação quando nos quisermos servir da formula geral

$y = Ax + Bx(x - a) + Cx(x - a)(x - b) + \dots$, &c., que alguns empregão em lugar da referida $y = Ax + Bx^2 + Cx^3 + \dots$, &c., e que em alguns casos he com efeito mais vantajosa, pela maior promptidão, e clareza do seu calculo, qualidades estas attendíveis.

SOLUÇÃO DO CÁLCULO DA LATITUDE

EMENDAS, E NOTAS,

Que devem acompanhar a minha I. Memoria sobre o Cálculo da Latitude.

- I. Na pag. 145, linha 6, em lugar da expressão $\frac{d}{d \alpha} = \operatorname{sen} \alpha + z d' \dots$, lê-se $\frac{d}{d \alpha} = \operatorname{sen} \alpha + d' \dots$.
- II. Na pag. 155, numero IX., em lugar da formula $d l' = \frac{d M I \times \operatorname{sen}(TM - MI) \times \operatorname{sen}(TM + MI)}{\operatorname{sen} MI \times \operatorname{cot} TM (\operatorname{tg} l - \operatorname{cot} D)}$ poderemos servir-nos da seguinte $\frac{d l'}{d MI} = \frac{\operatorname{sen}(MI - TM) \times \operatorname{sen}(MI + TM) \times \operatorname{sen} D \times \operatorname{cot} I}{\operatorname{sen} MI \times \operatorname{cot} TM \times \operatorname{cot}(l + D)}$ que facilmente se calcula por meio de logarithmos.
- III. Na pag. 160, numero XIII. em lugar da equação $\frac{d l'}{d \alpha} = \frac{\operatorname{cot} \alpha (1 + \frac{\operatorname{sen} D M}{\operatorname{sen} MI \times \operatorname{cot} TM})}{\operatorname{cot}(l' + D)}$ lê-se

$$\frac{d l'}{d \alpha} = \frac{\operatorname{cot} \alpha (1 + \frac{\operatorname{sen} D M}{2 \operatorname{sen} MI \times \operatorname{cot} TM})}{\operatorname{cot}(l' + D)}$$

- IV. Na pag. 1, sobre as regras que se dão nas II. nhas 3, 4, 5, a respeito da applicação dos signaes + e -, avisa-se, que estas regras devem ter lugar quando se não atende aos signaes da fracção $\frac{d l + d l'}{P + 1}$, ou da sua igual $\frac{l' + l}{P + 1}$; aliás deveremos inverter ambas as regras; para melhor nos fazermos entender, resolvemos novamente o caso do exemplo I., por hum, e outro modo.

SOLUÇÃO I.

Atendendo aos Signaes.

Segundo a regra B deve a latitude verdadeira ser maior do que a calculada, é menor do que a estimada: logo, invertendo as sobreditas regras dos signaes, teremos

$$d l' = \frac{l' + l}{P + 1}; \text{ ora } P = \frac{\operatorname{cot} D \times \operatorname{cot} l - t}{\frac{\operatorname{cot} MI}{\operatorname{cot} TM} - 1}, \text{ mas } \operatorname{cot} D$$

$$\times \operatorname{cot} l - t, \text{ ou } Q \text{ preparado, he igual a } 0, 19 - 1$$

$$= - 0, 91 \text{ (Taboa Q), e } \frac{\operatorname{cot} MI}{\operatorname{cot} TM} - 1 = + 0, 038$$

$$\text{ (Taboa P); e pôr consequencia } P = \frac{-0, 91}{0, 04} = - 23; \text{ logo}$$

$$\text{go } d l' = \frac{23}{-23 + 1} = \frac{23}{-22} = - 1, \text{ donde resulta}$$

$$l' = 46' 28''$$

SOLUÇÃO II.

Não attendendo aos Signaes.

Neste caso a formula deve ser $d l' = \frac{l' + l}{P - 1}$, e logo

$$\text{go } d l' = \frac{23}{23 - 1} = \frac{23}{22} = 1: \text{ mas deve ser } l' > l, \text{ logo}$$

$$l' = 46' 28''$$

C. S. Q. F.

L I S T A
DAS PESSOAS DE QUE SE COMPÕE
A
ACADEMIA REAL DAS SCIENCIAS;
EM MARGO DE 1796.

P R O T E C T O R A
A
RAINHA NOSSA SENHORA.

P R E S I D E N T E P E R P E T U O .

D. João de Bragança e Souza, Duque de Lanhoso, Grao-Cruz Alferes da Ordem de Christo, Marechal General junto á Real Pelegrinação da Sua Magestade, e Conselheiro de Guerra, ao Grito.

S O C I O S H O N O R A R I O S .

Aires de Saldanha e Albuquerque, Conde da Ega; Gentil Homem da Câmara do Príncipe Nostro Senhor, no Pateo do Saldanha.

D. Diogo de Noronha, Grao-Cruz da Ordem de São-Lago, Cavalleiro da Ordem do Toalh de Ouro, Gentil Homem da Câmara do Príncipe nosso Senhor, Conselheiro da Real Fazenda, e Embaixador de S. Magestade na Corte de Madrid.

- D. Fernando de Portugal, Governador, e Capitão General, da Bahia.
Fernando Telles da Silva, Marquez de Penalva, a S. Apollonia.
D. Francisco Rafael de Castro, Principal da Santa Igreja Patriarcal, e Reformador Reitor da Universidade, de Coimbra.
D. João de Almeida Portugal, Marquez de Alorna, da Academia Real da História Portugueza, aos Navegantes.
D. João de Noronha, Conde de S. Lourenço, Deputado da Junta dos Três Estados, a Santo Amaro.
D. José Francisco de Mendonça, Cardeal da Santa Igreja Romana, Patriarca de Lisboa, na Junqueira.
D. José Maria de Mello, Inquisidor Geral, Bispo Titular do Algarve, e Confessor de Sua Magestade, no Palacio da Inquisição no Rocio.
José Maria Rolim de Moura e Mendonça, Conde de Azambuja, Viador da Princeza Viúva, Qualificador da Meza do Desembargo do Paço, a Graca.
José de Seabra da Silva, Ministro, e Secretario de Estado dos Negócios do Reino, na Calçada da Ajuda.
José de Vasconcellos e Souza, Conde de Pombeiro, Capitão da Guarda Real Portugueza, e Regedor das Justiças, ao Paço da Rainha.
Luiz Pinto de Souza Coutinho, Senhor de Ferreiros, e Tendas, e da Casa de Balsemão, Ministro e Secretario de Estado dos Negócios Estrangeiros, e da Guerra, Socio da Sociedade Real de Londres, na Luz.
Luiz de Vasconcellos e Souza, Presidente da Mesa do Desembargo do Paço, na Calçada da Glória.

D. Pedro de Alcantara de Menezes, Marquez de Marialva, Graô-Cruz Claveiro da Ordem de Sant-Iago, Gentil Homem da Camara de S. Magestade, e seu Estribeiro Mór; General da Cavallaria do Exercito, e Confelheiro de Guerra, em Belém.

D. Thomás de Lima, Marquez de Ponte de Lima, Graô-Cruz da Ordem de Christo, Ministro, e Secretario de Estado da Repartição da Fazenda; Ministro Assilente ao Delfacho de S. Magestade, seu Mordomo Mór; Presidente do Real Erário, e da Real Junta do Commercio, Agricultura, Fábricas, e Navegação, a S. Lourenço.

SOCIOS ESTRANGEIROS.

Antonio Lourenço da Jussieu, da Academia de Medicina de Madrid, em Paris.

Guilherme Witthering, da Sociedade Real de Londres, da de Birmingham &c., em Londres.

Jaime Edward Smith, da Sociedade Real de Londres, Presidente da Sociedade Lineana, em Londres.

Joaô Bernoulli, da Academia Real das Sciencias de Berlin, &c., em Basileia na Suissa.

José Banks, Presidente da Sociedade Real de Londres, em Londres.

José Priestley, da Sociedade Real de Londres, &c., em Londres.

José Toaldo, Lente de Astronomia na Universidade de Padua, Socio de varias Academias, em Padua.

Luiz de la Grange, Socio das Academias das Sciencias de Berlin, Petersburgo, Turim, &c. em Paris.

Pedro Simão Pallas, Professor de Historia Natural, e Dire-

Director do Museu da Imperatriz da Russia, e Socio da Academia Imperial de Petersburgo.

SOCIOS VETERANOS.

Adriaõ dos Santos, Professor Regio de Rhetorica, e Poetica, na rua de cima ao Socorro.

Antonio Pereira de Figueiredo, Official de Lingus da Secretaria de Estado dos Negocios Estrangeiros, e da Guerra, no Real Convento de N. S. das Necessidades.

Jeronymo Hallen, no Collegio dos Inglezinhos.

Pedro Jofé da Fonseca, Professor de Rhetorica do Real Collegio dos Nobres, à Praça da Figueira.

Theodoro de Almeida, da Congregação do Oratorio, Socio da Sociedade Real de Londres, no Convento do Espírito Santo.

D. Thomás Caetano de Bem, Clerigo Regular da Divina Providencia da Academia Real da Historia Portugueza, no Convento de S. Caetano.

SOCIOS EFFECTIVOS.

Na Classe das Sciencias Naturae.

Alexandre Antonio das Neves, Guarda-Mór dos Estabelecimentos da Academia, demonstrando Historia Natural, e Fyfica Experimental, a S. Pedro de Alcantara.

Antonio Soares Barbola, Lente Jubilado, e Decano da Faculdade de Filosofia da Universidade de Coimbra.

Bartholomeu da Costa, Marechal de Campo dos Exercitos de S. Magestade, Director Geral do Arsenal Real do Exercito, e das Minas de Fer-

ro, e Carvalho; e Theloureiro da Academia, *à Fundação de cima.*

Domingos Vandelli, Deputado da Real Junta do Commercio, Agricultura, Fábricas, e Navegação; Lente de Prima de Philosofia Jubilado na Universidade de Coimbra, Director do Jardim Botanico de S. Magestade: Socio das Academias de Upsal, Lufacia, Padua, Florença, e outras, e Director da Classe, *na rua de S. Bento.*

João Corrêa da Serra, das Academias de Turim, Florença, Bordeaux, Lyon, Marsella, Liège, Senna, Mantua, e Cortona; das Sociedades Reaes de Agricultura de Piemonte, e Tolcana; da Sociedade Lineana de Inglaterra, da Sociedade Real Económica do Reino de Valença; e Secretario da Academia, *actualmente em Londres.*

João Faustino, Preposito da Congregação do Oratório, *no Convento do Espírito Santo.*

Luiz Antonio Furtado de Mendonça, Visconde de Barbacena, Governador, e Capitão General da Capitania das Minas Geraes, *em Villa-Rica.*

Manoel Luiz Alvares de Carvalho, Médico honrado da Camara de S. Magestade, *à Praça da Figueira.*

Na Classe das Sciencias Exatas.

Cufodio Gomes de Villas-Boas, Tenente Coronel do Regimento de Artilharia do Porto, Professor de Mathematica da Academia Real da Marinha, e Director da Classe, *na rua do Cabo, a S. Isabbel.*

Francisco Antonio Ciera, Professor de Mathematica da Academia Real da Marinha, *nas Casas da Regia Officina Typografica.*

Francisco de Borja Garçao Stockler, Sargento Mór do Regimento de Artilharia da Corte, Professor de

de Mathematica da Academia Real da Marinha; e Vice-Secretario da Academia, *aos Anjos.*

Guilherme Luiz Antonio de Vallaré, Tenente General dos Exercitos de S. Magestade, Inspector Geral da Artilharia, Fortificação, e do Corpo dos Engenheiros, *em Pedroços.*

Jacob Chrysolome Pratorius, Sargento Mór do Real Corpo dos Engenheiros, *na Fábrica da Polvora, em Alcântara.*

João Monteiro da Rocha, Vice-Reitor da Universidade de Coimbra, Lente de Prima Jubilado, Decano, e Director Perpetuo da Faculdade de Mathematica, e do Observatorio Astronomico, *em Coimbra.*

João Antonio Dalla-Bella, Lente Jubilado da Faculdade de Filosofia da Universidade de Coimbra, *em Padua.*

Miguel Franzini, Lente Jubilado de Mathematica na Universidade de Coimbra, e na Academia Real da Marinha, e Mestre do Príncipe nosso Senhor, *actualmente em Veneza.*

Na Classe de Litteratura Portugueza.

Agoftinho José da Costa de Macedo, Professor Regio de Filosofia Racional, e Moral, *na rua dos Retrosceiros.*

Antonio Caetano do Amaral, Deputado do Santo Ofício, *na rua das Farinhas.*

Antonio Ribeiro dos Santos, Desembargador da Casa da Suplicação, Deputado da Junta do Codigo, Lente Jubilado da Faculdade de Canones, Bibliothecario da Universidade de Coimbra, *à Lapa, na rua de S. Domingos.*

Bartholomeu Ignacio Googo, Professor de Filosofia Racional, e Moral do Real Collegio dos Nobres, *na rua dos Retrosceiros.*

Joaquim de Foyos , da Congregação do Oratório , Deputado da Junta do Exame do Estado actual das Ordens Regulares , Official de Linguis da Secretaria de Estado dos Negocios Estrangeiros , Qualificador do S. Ofício , e Ordinario , Chronicista do Reino , e Director da Clássie , no Convento de N. S. das Necessidades .

D. Fr. Joaquim Forjaz , Prior mór da Ordem de S. Bento de Aviz , da Academia Real da História Portugueza , em Aviz .

José de Azevedo , da Congregação do Oratorio da Real Casa de N. S. das Necessidades .

Paçoal José de Mello Freire dos Reis , Deputado do Conselho Geral do Santo Ofício , Desembargador Graduado em Aggravos da Casa da Supplicação , Lente Jubilado da Faculdade de Leis , e Deputado da Junta do Código , em Arroios .

SOCIOS · LIVRES.

Alexandre Rodrigues Ferreira , Official da Secretaria de Estado dos Negocios da Marinha , e Dominios Ultramarinos , Inspector das Quintas do Infantado , e Vice-Director do Museu e Jardim Botânico de S. Magestade , em Alcôena .

Anastasio Joaquim Rodrigues , Capitão do Real Corpo de Engenheiros , e Lente Substituto , da Academia Real da Fortificação , a S. Tiago .

Antonio Henriques da Silveira , Desembargador do Pago , Lente de Prima Jubilado da Faculdade de Canones da Universidade de Coimbra , à Lapa . Antonio das Neves , da Congregação do Oratorio , no Convento do Espírito Santo .

Antonio Pires da Silva Pontes Leme , Primeiro Tenente do Mar , e Professor de Mathematica da Academia Real dos Guardas Marinhas , ao Theatro .

Conf-

Constantino Botelho de Lacerda Lobo , Lente de Física Experimental da Universidade de Coimbra .

Custodio José Gomes de Villas-Boas , Primeiro Tenente do Real Corpo dos Engenheiros , ocupado na demarcação das Comarcas no Minho .

Estevão Cabral , Presbytero Secular , ocupado no encanamento do Mondego , em Coimbra .

Felis Antonio Castrito , a Santa Isabel .

D. Fernando de Lima , Conselheiro da Real Fazenda , a S. Lourenço .

Francisco Tavares , Lente de Prima Jubilado da Faculdade de Medicina da Universidade de Coimbra , Primeiro Medico da Camara de S. Magdala , no Alto da Ajuda .

Francisco Pires de Carvalho e Albuquerque Cavalcante , Desembargador da Casa da Supplicação , Deputado da Junta do Código , na rua da Condega do Rio , aos Paulistas .

Joaõ Guilherme Christiano Muller , Official de Linguis da Secretaria do Conselho do Almirantado , e Qualificador da Meza do Desembargo do Pago , à Lapa .

Joaõ Manoel de Abreu , Professor da Academia Real da Marinha , e de Elementos de Mathematica , Geografia , e Chronologia do Real Collegio dos Nobres , na traveffa de S. Amaro .

Joaõ Pedro Ribeiro , Lente de Diplomatica da Universidade de Coimbra .

Joaõ Pereira Ramos de Azeredo Coutinho , Secretario da Princesa do Brasil a Senhora D. Carlota ; Desembargador do Pago , Director do Código , Procurador da Coroa , Guarda-Mór da Torre do Tombo , e Chanceller da Corte , e Cidade , na rua do Machadinho .

Joaõ Rodrigues de Sá , Visconde de Anadia , Conselheiro da Real Fazenda , e Ministro Plenipotentiário

nipotenciário de S. Magelade , em Berlim. Fr. João de Sousa , Professor e Interpretar de S. Magelade para a Lingua Arabe , no Convento de N. S. de Jesus.

Fr. Joaquim de Santa Clara , Monge Benedictino , Lente de Theologia da Universidade de Coimbra , e Qualificador do Ordinario , em S. Bento da Saude.

Joaquim Pedro Fragozo de Sequeira , actualmente em Freyberg.

Fr. Joaquim de Santo Agostinho , Eremita de Santo Agostinho , Professor de Direito Natural , no Seminario de Santarem.

José Antonio Raposo , Tenente Coronel do Real Corpo dos Engenheiros , nas Casas da Fundição.

José Bonifacio de Andrade e Silva , actualmente em Freyberg.

José Corrêa Picanço , Medico e Primeiro Cirurgião da Camara de S. Magelade , e Lente Juiliado da Faculdade de Medicina , a S. Roque.

D. José Joaquim da Cunha de Azevedo Coutinho , Bispo de Pernambuco , na rua do Machadinho. José Maria Dantas Pereira , Primeiro Tenente do Mar , e Professor de Mathematica da Academia Real dos Guardas Marinhas , na rua do Cabral das Chagas.

Fr. José Mariano da Conceição Velloso , em casa do Marquez de Castello-Melhor , na Calçada da Glória.

José Pedro Hesse de Belém , Prelado da Santa Igreja Patriarcal , e Qualificador da Meza do Dezenbargo do Paço , no Campo de Santa Anna.

Manoel Ferreira da Camara Betencourt , actualmente em Freyberg.

D. Pedro José Joaquim Vito de Menezes , Marquez de Matialva , em Belém.

Pedro de Mello Breynier , Desembargador de Aggravos da Casa da Supplicação , Fiscal da Junta dos Tres Estados , e Juiz das Capellas da Coroa , das Necessidades.

Ricardo Luiz Antônio Raposo , Tenente Coronel do Real Corpo dos Engenheiros , nas Casas da Fundição.

D. Rodrigo de Sousa Coutinho , Ministro Plenipotenciário de S. Magelade , em Turim.

Theotonio Gomes de Carvalho , Deputado , e Secretario da Real Junta do Commercio , Agricultura , Fábricas , e Navegação , e Conselheiro Honorario do Conselho do Ultramar , na rua Formosa.

Thomas Antonio de Villa-Nova Portugal , Corregedor de Villa-Vigosa.

Vicente Coelho de Seabra Silva e Telles , Lente Substituto da Faculdade de Filosofia da Universidade de Coimbra.

CORRESPONDENTES DO NUMERO.

Abrahão Gotthelf Kaestner , Professor de Mathematica em Gottinga , Conselheiro de S. Magelade Britannica , Socio das Academias de Stockholm e Gottinga.

D. Fr. Alexandre da Sagrada Família , Bispo de Malaca , Eleito Bispo de Angola , em Setubal , no Convento dos Missionários de Brancaneas.

D. Fr. Alexandre de Gouvea , Bispo de Pekin.

André Rodrigues , Missionario , e Astronomo no serviço do Imperador da China , em Pekin. Antonio de Almeida , Medico , em Penafiel.

Antonio de Araujo de Azevedo , da Sociedade Económica de Ponte-de-Lima , Ministro Plenipotenciário de S. Magelade , em Hayas.

Antonio Filipe Soares de Andrade Bredereode , d ii Desem-

Desembargador do Porto , Ouvidor da Paraíba ;
 Antonio Ferreira de Andrade , na Bahia .
 Antonio Joaquim de Medeiros , Médico , no Rio
 de Janeiro .
 D. Antonio Valcarcel Pio de Saboya e Moura ;
 Conde de Lumiares , Grande de Espanha , no Rei-
 no de Valença .
 Beltrão Ducaisou Lartigue , em Bayonna .
 Mr. de la Chabeauisiere , Inspector Geral das Mi-
 nhas de França , em Paris .
 Christiano Gottlieb Daniel Muller , Capitão de Fra-
 gata no serviço Eleitoral de S. Magestade Bri-
 tannica , &c. , em Stad .
 Cypriano Ribeiro Freire , Ministro Residente de S.
 Magestade nos Estados unidos da America Sep-
 tentrional , em Filadelfia .
 D. Domingos de Sousa Coutinho , Ministro Plenipot-
 entário de S. Magestade , em Copenague .
 Diogo Carvalho de Sampaio , Ministro Plenipoten-
 ciário de S. Magestade , em Madrid .
 Diogo Ribeiro Sanches , Médico , na Bahia .
 D. Dionyfio Alcalá Galiano , Capitão de Navio da
 Real Armada de S. Magestade Catholica , em
 Madrid .
 Mr. Etlinger , Director da Fábrica Real de Porço-
 lana de Seves , em Paris .
 Eusebio da Veiga , Astronomo , e Director da Spe-
 cula Caetana , em Roma .
 Felis de Avellar Brotero , Lente de Botanica e Agri-
 cultura da Universidade de Coimbra .
 Francisco Antonio de Sampaio , Médico , na Villa
 da Cachoeira .
 Francisco Corrêa da Silva e Sequeira , Médico ,
 em Londres .
 Francisco José de Almeida , Médico , à Mou-
 raria .
 Francisco José de Horta Machado , Ministro Ple-
 nipo-

nopotenciario de S. Magestade , em Petersburgo .
 Francisco Joaquim de Azebedo , Médico , no Rio de
 Janeiro .
 Francisco José de Lacerda e Almeida , Primeiro
 Tenente da Armada Real , e Professor de Mathe-
 matica da Academia Real dos Guardas Marinhas ,
 na rua dos Ourives do Ouro .
 Francisco Luiz de Menezes , em Gôa .
 Francisco de Mello Franco , Médico , na Calçada
 de Santo Amaro .
 Francisco de Mello Vasconcellos e Lima , Medi-
 co , na rua da Cruz .
 Francisco de Oliveira Barbosa , Astronomo e Geo-
 grafa empregado no serviço de S. Magestade na
 demarcação da America , em São Paulo .
 Francisco de Paula Moreira da Silva , Capitão Te-
 nente da Armada Real , à Graça .
 Francisco de Paula Travacos , Lente Substituto da
 Faculdade de Mathematica da Universidade , e
 Collegial do Real Collegio das Ordens Milita-
 res , em Coimbra .
 Francisco Rebelo Pereira da Fonseca , Juiz de
 Fóra de Lamego .
 Francisco Ribeiro dos Guimarães , Oppositor da
 Faculdade de Canones da Universidade de Coim-
 bra , no Porto .
 Fr. Galpar da Madre de Deus , Monge Benedicti-
 no , na Villa de Santos .
 Henrique Niemeyer , Sargento Mór do Real Cor-
 po dos Engenheiros , ao Mocambo .
 Jeronymo Soares Barbosa , Professor Jubilado de
 Rhetorica , e Poetica na Universidade de Coimbra .
 Ignacio Ferreira da Camara , Médico , na Comar-
 ca dos Ilheos .
 João Antonio Judici , Coronel do Real Corpo dos
 Engenheiros , na Ilha Terceira .
 João de Albuquerque de Mello Pereira e Catte-
 ces ,

res, Governador, e Capitão General de Matto-Grosso.
 João Baptista Muñoz, Cosinografo Mór das Indias, &c., em Madrid.
 João Baptista Vieira Godinho de Aguiar, Coronel do Regimento de Artilharia do Estado da Índia, em Góa.
 João Demetrio, da Sociedade de Emulação de Língue.
 D. João de Faro, Conde de Vimieiro, a Buenos-Ayres.
 João Francisco de Oliveira Alvares, Medico da Câmara de S. Magefada, actualmente em Hespanha.
 João Laureano Nunes Léger, Medico da Família de S. Magefada, na rua de S. José.
 João de Magalhães Avellar, Lente Substituto da Faculdade de Canones, e Collegial do Real Colégio de S. Pedro, em Coimbra.
 João Manso, no Rio de Janeiro.
 João Vidal da Costa Soufi, Superintendente do Tabaco, fazendo o Lugar da Relayação do Porto, em Tavira.
 João Withead, Consul da Grã-Bretanha, no Porto.
 Joaquim de Amorim e Castro, Juiz de Fora da Cachoeira, na Capitania da Bahia.
 Fr. Joaquim de Santa Anna Carvalho, Oppositor da Faculdade de Theologia da Universidade de Coimbra, Qualificador do Santo Ofício, no Colégio de S. Paulo Primeiro Eremita.
 Joaquim Corrêa da Serra, Sargento Mór do Real Corpo dos Engenheiros, no Rio de Janeiro.
 D. Joaquim José Antonio Lobo da Silveira, em Londres.
 Joaquim José da Costa e Sá, Professor Regio de Grammatica Latina, na rua de Almada.
 Joaquim José Ferreira Gordo, Collegial do Real Colégio das Ordens Militares, em Coimbra.

Joa-

Joaquim da Silva Feijó, em Cabo Verde.
 Joaquim Pedro Gomes de Oliveira, Provedor de Setubal.
 Fr. Joaquim de Santa Rosa de Viterbo, em Lamego.
 Joaquim Velloso de Miranda, Correspondente da Universidade de Coimbra, na Capitania das Minas Geraes, em Mariana.
 José Alvares Maciel, na Capitania das Minas Gerais.
 José Antonio de Sá, Corregedor de Moncorvo.
 José Bento Lopes, Medico, no Porto.
 José Calandrelli, Professor Gregoriano de Astronomia, na Universidade de Roma.
 José Calheiros de Magalhães e Andrade, Medico, em Braga.
 José Corrêa de Mello, em Coimbra.
 José da Costa Alvarenga, Medico, na rua de S. Bento.
 Fr. José da Costa e Azevedo, Professor de História Natural do Museo Maynense, no Convento de N. S. de Jesus.
 José Diogo Maiaçarenhas Neto, Superintendente das Calçadas, fazendo o lugar do Porto, em Leiria.
 José Gomes, Medico, no Maranhão.
 José Jacintho de Sousa, no Porto.
 José Ignacio da Costa, na rua Bella da Rainha.
 José Manoel Pinto, Lente Substituto da Faculdade de Leis da Universidade de Coimbra.
 D. José Maria de Sousa, Ministro Plenipotenciário de S. Magefada, em Stockholm.
 José Martins da Cunha Pessoa, Medico da Câmara de S. Magefada, à Praça da Figueira.
 D. José de Mendonça de los Rios, Capitão de Navio da Real Armada de S. Magefada Católica, no Reino de Valença.
 José Pinto de Azcredo, Fylico Mór, em Angola.

Jo-

José Pinto da Silva , Lente de Medicina Pratica , na Universidade de *Coimbra*.
 Joé de Sá Betencourt , nas *Minas Geraes*.
 José de Saldanha , Astronomo e Geografo empregado no serviço de S. Magestade na demarcação da America , no *Rio Grande*.
 José Valerio , da Congregação do Oratorio , no Convento de N. S. das *Necessidades*.
 José Verissimo Alvares da Silva , Professor Regio Emerito de Filosofia , em *Tomar*.
 Luiz Maximo Pinto de Soufa Coutinho , Alferes do Regimento de Cavalaria de Santarém , na *Luz*.
 Manoel Arruda , na *Paraíba*.
 D. Fr. Manoel do Cenaculo , Bispo de *Béja*.
 Manoel do Espírito Santo Limpio , Primeiro Te-
nente da Real Armada , e Professor de Mathe-
matica na Academia Real da Marinha , na rua
da *Arrabida a Santa Isabel*.
 Manoel de Figueiredo Oficial maior da Secretaria
de Estado dos Negocios Estrangeiros e da Guerra;
Deputado da Junta do Sereníssimo Estado e
Casa de Bragança , em *Alcolena*.
 Manoel Gonçalves Lima Bezerra , Cirurgião Hon-
orario da Casa Real , das Academias das Scien-
cias , e Medicina de Madrid , e da de Sevilha ,
e Medico , no *Porto*.
 Manoel Joaquim da Maia , Lente Substituto da
Faculdade de Mathematica da Universidade de
Coimbra , Collegial do Real Colégio de S. Pau-
lo , em *Coimbra*.
 Manoel Joaquim Marteiro da Camara , Medico ,
em *Villa-Rica*.
 Manoel Joaquim de Soufa Ferraz , Medico , no
Rio de Janeiro.
 D. Miguel Antonio de Mello , Governador e Ca-
pitañ General do Reino de Ángola , na *Calca-
da de S. António*.

Mi-

Miguel Pereira Pinto , Desembargador da Casa da Suplicação.
 Pedro Celestino Soares , Sargento mór do Real Corpo dos Engenheiros , Professor de Desenho da Real Academia de Fortificação , ao *Mocambo*.
 Pedro Geannini , do Instituto de Bolonha , e Primei-
ro Professor do Real Collegio Militar da Mari-
nha , em *Segovia*.
 Simão Pires Sardinha , na rua direita de Santos.
 Timotheo Leculian Verdier , em *Tomar*.
 Vicente José Ferreira Cardoso , Juiz de Fóra do
Porto.
 D. Vicente Toffio de S. Miguel , Chefe de Esqua-
dra da Real Armada de S. Magestade Catholica ,
em *Cadis*.

Fim.

CA-

CATALOGO

DAS OBRAS JA IMPRESAS, E MANDADAS COMPOR PELA
ACADEMIA REAL DAS SCIENCIAS DE LISBOA, COM
OS PREÇOS, POR QUE SE VENDEM BROCHADAS.

I. BREVES Instruções aos Correspondentes da Academia sobre as remessas dos produtos naturais para formar hum Museo Nacional, folho 8. ^o	120
II. Memorias sobre o modo de aperfeiçoar a manufatura do azeite em Portugal remetidas á Academia por João Antonio Dalla-Bella, Socio da mesma, 1. vol. 4. ^o	480
III. Memoria sobre a Cultura das oliveiras em Portugal remetida á Academia pelo mesmo Author, 1. vol. 4. ^o	480
IV. Memorias de Agricultura premiadás pela Academia, 2. vol. 8. ^o	560
V. Pachalisi Josephi Mellii Freitii Historia Juris Civilis Lusitanii Liber singularis, 1. vol. 4. ^o	640
VI. Ejusdem Institutiones Juris Civilis, et Criminis Lusitanii, 5. vol. 4. ^o	2400
VII. Ofmnia Tragedia coroada pela Academia, folh. 4. ^o	240
VIII. Vida do Infante D. Duarte por André de Rezende, folh. 8. ^o	160
IX. Vestigios da Lingua Arabica em Portugal, ou Lexicon Etymologico das palavras, e nomes Portuguezes, que tem origem Arabica, composto por ordem da Academia por Fr. João de Sousa, 1. vol. 4. ^o	480
X. Dominici Vandelli Viridarium Griseley Lusitanicum Lianxanis nominibus illustratum, 1. vol. 8. ^o	200
XI. Ephemerides Nauticas, ou Díario Astronomico para o anno de 1789 calculado para o meridiano de Lisboa, e publicado por ordem da Academia, 1. vol. 4. ^o	360
O mesmo para todos os annos seguintes ate 1797. inclusivamente.	
XII. Memorias Economicas da Academia Real das Sciencias de Lisboa para o adiantamento da Agricultura, das Artes e da Indústria em Portugal, e suas Conquistas 3. vol. 4. ^o	2400
XIII. Coleccão de Livros ineditos de Historia Portugueza dos Reinados dos Senhores Reys D. João I., D. Duarte, D. Afonso V., e D. João II., 3. vol. fol.	5400
XIV. Avílos intercambiados sobre as mortes apparen tes mandados recopilar por ordem da Academia, folh. 8. ^o	gr.
XV. Tratado de Educação Física para uso da Nação Portugueza publicado por ordem da Academia Real das Sciencias por Francisco de Mello Franco, Correspondente da mesma, 1. vol. 4. ^o	360
XVI. Documentos Arabicos da Historia Portugueza copiados dos originais da Torre do Tombo com permissão de S. Magestad, e vertidos em Portuguez por ordem da Academia pelo seu Correspondente Fr. João de Sousa, 1. vol. 4. ^o	480
XVII. Observações sobre as principaes causas da decadencia dos Portuguezes na Áia escritas por Diogo de Couto em forma de Dialogo com o título de Soldado Pratica, publicadas de ordem da Academia Real das Sciencias de Lisboa por Antonio Caetano do Amaral, Socio Efectivo da mesma, 1. tom. in 8. ^o mai.	480
XVIII. Flora Cochinchinensis sistens Plantas in Regno Cochinchina nascentes. Quibus accedunt aliae observatae in Sineni Imperio, Africâ Orientali, Indiæque locis variis. Labore ac studio Joannis de Loureiro Regis Scientiarum Academicæ Ulyssiponensis Socii; Jusio Acad. R. Scient. in lucem edita. 2. vol. in 4. ^o mai.	2400
XIX. Synopsis Chronologica de Subsidios ainda os mais raros para a Historia, e Estudo critico da Legislação Portugueza mandada publicar pela Academia Real das Sciencias, e ordenada por José Anafâsto de Figueiredo, Correspondente do Número da mesma Academia, 2. vol. 4. ^o	1800
XX. Tratado de Educação Física para uso da Nação Portugueza publicado por ordem da Academia Real das Sciencias por Francisco José de	

Almela, Correspondente da mesma , 1. vol.	360
XXI. Advertencias sobre os abusos , e legitimo uso das Aguas Mineraes das Caldas da Rainha , publicadas de ordem da Academia Real das Sciencias por Francisco Tavares , Socio Livre da mesma Academia , fol. 4. ^o	120
XXII. Memorias de Litteratura Portugueza , 4. vol. 4. ^o	3200
XXIII. Fontes Proximas do Codigo Filippino por Joaquim José Ferreira Gordo , Correspondente da Academia , 1. vol. 4. ^o	400
XXIV. Dicionario da lingua Portugueza , 1. ^o vol. fol. mai.	4800
XXV. Compendio da Theoria dos Limites , ou Introduçao ao Methodo das Fluxões por Francisco de Borja Garçao Stockler , Socio da Academia.	240
XXVI. Ensaio Economico sobre o Comercio de Portugal , e suas Colónias , oferecido ao Príncipe do Brazil N. S. , e publicado de ordem da Academia Real das Sciencias pelo seu Socio Jozé Joaquim da Cunha de Azereedo Coutinho.	480
XXVII. Tratado de Agrimenura por Estevaõ Cabral , Socio da Academia , em 8.	240
XXVIII. Analyse Chimica da Agoa das Caldas por Guilherme Withering , em Portuguez e Inglez	240

Estaõ debaixo do prelo as seguintes :

- Aetas , e Memorias da Academia Real das Sciencias. 1.^o e 2.^o vol.
- Taboadas Perpétuas Astronomicas para uso da Navegação Portugueza.
- Memorias de Litteratura Portugueza. 5.^o vol.
- Memorias para servir á Historia das Nações Ultramatinas.
- Memorias Economicas 4.^o vol.

Vendem-se em Lisboa na loja de Bertrand; e em Coimbra , e no Porto tambem pelos mesmos preços.